

610.6(02)  
РЗЧ

А.П. Герасимов

# МЕДИЦИНСКАЯ СТАТИСТИКА

---

---



МЕДИЦИНСКОЕ  
ИНФОРМАЦИОННОЕ  
АГЕНТСТВО

## **Содержание**

|                                                                                    |    |
|------------------------------------------------------------------------------------|----|
| <i>Предисловие</i> .....                                                           | 4  |
| О названии этой книги.....                                                         | 4  |
| Зачем эта книга.....                                                               | 5  |
| Почему эта книга.....                                                              | 6  |
| Для кого эта книга .....                                                           | 7  |
| Как пользоваться этой книгой .....                                                 | 8  |
| <i>Введение.</i> Типовая схема статистического анализа<br>клинических данных ..... | 10 |

### **Часть 1** **Анализ вероятностей**

|                                                                                                       |    |
|-------------------------------------------------------------------------------------------------------|----|
| <i>Глава 1.</i> Назначение и возможности статистического<br>анализа.....                              | 16 |
| 1.1. Статистические и причинно-следственные<br>связи.....                                             | 16 |
| 1.1.1. Сцепленные факторы<br>и репрезентативные выборки.....                                          | 17 |
| 1.1.2. Смена групп наблюдения<br>и возрастные изменения.....                                          | 22 |
| 1.1.3. Причина или следствие .....                                                                    | 26 |
| 1.2. Доказательная медицина<br>и дизайн исследования .....                                            | 28 |
| 1.3. Статистическая обработка как<br>вид математической обработки .....                               | 32 |
| 1.4. Случайные и контролируемые условия .....                                                         | 37 |
| <i>Глава 2.</i> Планирование эксперимента и ввод данных .....                                         | 40 |
| 2.1. Этапы статистического исследования.....                                                          | 40 |
| 2.2. Кодирование и ввод данных .....                                                                  | 42 |
| 2.2.1. Общие замечания.....                                                                           | 42 |
| 2.2.2. Подготовка к работе с пакетом<br>статистических программ и работа<br>с файлами с данными ..... | 47 |
| 2.2.3. Ввод данных в статпакете .....                                                                 | 53 |
| 2.2.4. Вычислимые переменные .....                                                                    | 60 |
| 2.2.5. Поиск грубых ошибок .....                                                                      | 65 |

|                 |                                                                                                                                                                                                       |     |
|-----------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----|
| <i>Глава 3.</i> | Анализ частот и оптимизация рисков .....                                                                                                                                                              | 66  |
| 3.1.            | Расчет частот .....                                                                                                                                                                                   | 66  |
| 3.2.            | Частоты, риски и относительные риски .....                                                                                                                                                            | 75  |
| 3.3.            | Управление рисками и поиск наилучшего решения. Игры с противоположными интересами (задача о двух пивных) .....                                                                                        | 80  |
| 3.4.            | Игры с непротивоположными интересами (задачи о двух аспирантах и о трех разбойниках).....                                                                                                             | 84  |
| <i>Глава 4.</i> | Элементы теории вероятностей .....                                                                                                                                                                    | 90  |
| 4.1.            | Исторический экскурс. Случай равновероятных шансов и логические ловушки .....                                                                                                                         | 90  |
| 4.2.            | Современный подход.<br>Аксиоматика Колмогорова.....                                                                                                                                                   | 100 |
| 4.3.            | Вычисление вероятностей. Условные, априорные и апостериорные вероятности.....                                                                                                                         | 106 |
| 4.4.            | Независимые события .....                                                                                                                                                                             | 111 |
| 4.5.            | Закон больших чисел. Расчет необходимого объема наблюдений .....                                                                                                                                      | 118 |
| 4.6.            | Функция распределения числовой случайной величины. Непрерывные и дискретные случайные величины.<br>Распределения Бернулли, биномиальное, Пуассона, нормальное, «хи-квадрат», Стьюдента и Фишера ..... | 121 |
| <i>Глава 5.</i> | Отбор и поиск данных. Элементы математической логики .....                                                                                                                                            | 133 |
| 5.1.            | Отбор случаев при работе со статистическими программами .....                                                                                                                                         | 134 |
| 5.2.            | Вычисление истинности высказываний .....                                                                                                                                                              | 136 |
| 5.3.            | Теории и подтверждающие примеры .....                                                                                                                                                                 | 142 |
| <i>Глава 6.</i> | Элементы математической статистики .....                                                                                                                                                              | 148 |
| 6.1.            | Статистические гипотезы и доверительная вероятность.....                                                                                                                                              | 148 |
| 6.2.            | Ошибки первого и второго рода.<br>Выбор доверительной вероятности .....                                                                                                                               | 151 |
| 6.3.            | Сравнение частоты и вероятности.<br>Доверительные вероятности.....                                                                                                                                    | 157 |

|        |                                                                                                                                                                                       |     |
|--------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----|
| 6.3.1. | Расчет доверительных границ<br>к частоте встречаемости .....                                                                                                                          | 157 |
| 6.3.2. | Расчет доверительных границ<br>к медиане и другим процентилям .....                                                                                                                   | 162 |
| 6.4.   | Сравнение набора частот с набором<br>вероятностей и наборов частот с набором<br>частот. Критерий $\chi^2$ («хи-квадрат») .....                                                        | 168 |
| 6.4.1. | Вариант ручного счета —<br>сравнение собственных результатов<br>с литературными данными,<br>сопоставление данных разных<br>источников друг с другом,<br>проверка на однородность..... | 168 |
| 6.4.2. | Сравнение наборов частот при<br>помощи критерия $\chi^2$ . Условия<br>применимости критерия $\chi^2$ .....                                                                            | 179 |
| 6.4.3. | Расчет частоты совместного<br>распределения и определение<br>достоверности различий<br>при помощи критерия $\chi^2$ .....                                                             | 184 |
| 6.4.4. | Определение достоверности различий<br>распределений в подгруппах при<br>помощи критерия $\chi^2$ и критерия<br>Колмогорова—Смирнова .....                                             | 187 |

## Часть 2

### Анализ параметров

|                 |                                                                                                         |     |
|-----------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----|
| <i>Глава 7.</i> | Параметры случайных величин .....                                                                       | 192 |
| 7.1.            | Что такое параметр .....                                                                                | 192 |
| 7.2.            | Лирическое отступление о статистической<br>терминологии и трудностях перевода .....                     | 199 |
| 7.3.            | Расчет параметров в статистических пакетах...                                                           | 203 |
| 7.4.            | Проверка гипотезы на принадлежность<br>наблюдаемой случайной величины классу<br>случайных величин ..... | 207 |
| <i>Глава 8.</i> | Содержательный анализ среднего<br>арифметического .....                                                 | 211 |
| 8.1.            | Расчет среднего арифметического<br>и математического ожидания. Линейные                                 |     |

|                                                                                                                   |     |
|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----|
| свойства математического ожидания, дисперсии и среднеквадратичного ожидания .....                                 | 211 |
| 8.2. Среднее арифметическое и нелинейность ущерба.....                                                            | 219 |
| 8.3. Выскакивающие варианты и среднее арифметическое.....                                                         | 224 |
| 8.4. Классификация переменных «scale», «ordinal» и «nominal» .....                                                | 228 |
| <i>Глава 9.</i> Точечные оценки параметров .....                                                                  | 232 |
| 9.1. Определение понятия оценки.<br>Качество оценки .....                                                         | 233 |
| 9.2. Оценка моментов. Катастрофа неробастности старших моментов.....                                              | 238 |
| 9.3. Оценка дисперсии .....                                                                                       | 242 |
| 9.4. Построение оценок при помощи метода наибольшего правдоподобия.....                                           | 246 |
| <i>Глава 10.</i> Интервальные оценки параметров.                                                                  |     |
| Определение достоверности различий.....                                                                           | 250 |
| 10.1. Центральная предельная теорема.....                                                                         | 251 |
| 10.2. Определение достоверности различия дисперсии .....                                                          | 257 |
| 10.3. Определение достоверности различия средних. Критерий Стьюдента .....                                        | 261 |
| 10.4. Расчет достоверности различия средних арифметических с помощью пакетов статистических программ .....        | 271 |
| 10.5. Расчет доверительных границ к математическому ожиданию.....                                                 | 278 |
| <i>Глава 11.</i> Корреляционный анализ .....                                                                      | 281 |
| 11.1. Определение коэффициента корреляции .....                                                                   | 282 |
| 11.2. Расчет коэффициента корреляции и анализ взаимосвязи двух переменных.....                                    | 288 |
| 11.3. Сопоставление расчета коэффициента корреляции с другими методами анализа взаимосвязи двух переменных.....   | 307 |
| 11.4. Расчет доверительных границ коэффициента корреляции и достоверности различий коэффициентов корреляции ..... | 309 |

|                                                                                                                                     |     |
|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----|
| <i>Глава 12.</i> Проверка корректности предположения о применимости центральной предельной теоремы и непараметрические методы ..... | 313 |
| 12.1. Случайное деление выборки на две части и сравнение результатов .....                                                          | 314 |
| 12.2. Отбрасывание выскакивающей варианты .....                                                                                     | 319 |
| 12.3. Непараметрические методы .....                                                                                                | 322 |
| 12.3.1. Сравнение функции распределения .....                                                                                       | 323 |
| 12.3.2. Анализ связи рангов переменных .....                                                                                        | 325 |
| 12.3.3. Нелинейное шкалирование.....                                                                                                | 329 |

### **Часть 3 Прогнозирование и некоторые дополнительные методы**

|                                                                                                                                                                |     |
|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----|
| <i>Глава 13.</i> Постановка задачи прогнозирования и прогнозирование по одной случайной величине .....                                                         | 332 |
| 13.1. Достоверность связи и прогностическая сила связи .....                                                                                                   | 332 |
| 13.2. Прогнозирование и деление переменных на классы scale и nominal .....                                                                                     | 336 |
| 13.3. Прогнозирование ожидаемого значения и задача о наилучшем приближении .....                                                                               | 340 |
| 13.4. Линейный прогноз по одному коэффициенту корреляции. Уточнение коэффициента корреляции для того случая, когда переменная задана со случайной ошибкой..... | 342 |
| 13.5. Линейный прогноз по двум факторам .....                                                                                                                  | 347 |
| 13.6. Анализ согласованности тестов.<br>Приложение к психологии и педагогике .....                                                                             | 349 |
| 13.7. Линейный прогноз по нескольким факторам (многофакторный анализ) .....                                                                                    | 353 |
| 13.8. Применение корреляционного анализа к динамическим рядам.....                                                                                             | 357 |
| 13.8.1. Анализ Фурье .....                                                                                                                                     | 358 |
| 13.8.2. Автокорреляционная функция .....                                                                                                                       | 362 |
| 13.8.3. Марковские случайные процессы.....                                                                                                                     | 363 |
| 13.8.4. Применимость методов статистического анализа для анализа динамических рядов.....                                                                       | 365 |

|                  |                                                                                                                                                                                       |     |
|------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----|
| <i>Глава 14.</i> | Повышение точности прогнозирования и анализ его ценности.....                                                                                                                         | 367 |
| 14.1.            | Линейный прогноз по одному фактору — линеаризация фактора .....                                                                                                                       | 367 |
| 14.2.            | Многофакторное нелинейное прогнозирование как потенциально мощный практически неприменимый метод. Информационная модель, неявно используемая в многофакторном линейном прогнозе ..... | 370 |
| 14.3.            | Проверка качества прогноза.<br>Авторешаемость и скользящий экзамен .....                                                                                                              | 373 |
| 14.4.            | <b>Анализ практической ценности прогноза.</b><br><b>ROC-кривые и оптимальный выбор соотношений чувствительность/ эффективность и надежность/ достоверность.....</b>                   | 379 |
| 14.5.            | Отбор факторов.....                                                                                                                                                                   | 386 |
| <i>Глава 15.</i> | Корреляционная адаптометрия.....                                                                                                                                                      | 390 |
| 15.1.            | Проблема сравнения тяжести разных патологических состояний .....                                                                                                                      | 390 |
| 15.2.            | Практическое применение .....                                                                                                                                                         | 393 |
| <i>Глава 16.</i> | Анализ выживаемости.....                                                                                                                                                              | 396 |
| 16.1.            | Расчет выживаемости по Каплан—Майер .....                                                                                                                                             | 397 |
| 16.2.            | Определение факторов риска для выживаемости при помощи регрессии Кокса .....                                                                                                          | 402 |
| <i>Глава 17.</i> | Кластерный анализ и задачи классификации .....                                                                                                                                        | 406 |
| 17.1.            | Иерархический кластерный анализ .....                                                                                                                                                 | 407 |
| 17.2.            | Кластерный анализ по <i>K</i> средним .....                                                                                                                                           | 411 |
| 17.3.            | Дискриминантный анализ.....                                                                                                                                                           | 417 |
| <i>Глава 18.</i> | Морфометрия и статистический анализ изображений .....                                                                                                                                 | 419 |
| 18.1.            | Анализ распределения объектов на плоскости.....                                                                                                                                       | 420 |
| 18.2.            | Анализ распределения ориентации объектов на плоскости .....                                                                                                                           | 422 |
| 18.3.            | <b>Изучение трехмерных объектов по их срезам .....</b>                                                                                                                                | 423 |

|                                         |     |
|-----------------------------------------|-----|
| 18.3.1. Сечения круглых сосудов .....   | 424 |
| 18.3.2. Сечения шаров.....              | 426 |
| 18.4. Краткое локальное заключение..... | 431 |

## **Приложения**

|                                                                                                                        |     |
|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----|
| <i>Приложение 1.</i> Краткая шпаргалка<br>по работе в SPSS .....                                                       | 434 |
| <i>Приложение 2.</i> Статистические таблицы .....                                                                      | 440 |
| <i>Приложение 3.</i> Использование электронной<br>таблицы Excel для проведения<br>типовых статистических расчетов..... | 449 |
| <i>Список литературы с комментариями .....</i>                                                                         | 467 |